

Potentiel électrostatique, énergie potentielle:

Exercice 1. *disque uniformément chargé :*

1. Calculer le potentiel créé par un disque ($O;R$) chargé uniformément en surface ($\sigma > 0$) en un point M de son axe de symétrie Ox . Tracer $V(x)$.
2. Retrouver l'expression de $\vec{E}(x)$. Tracer $E(x)$.

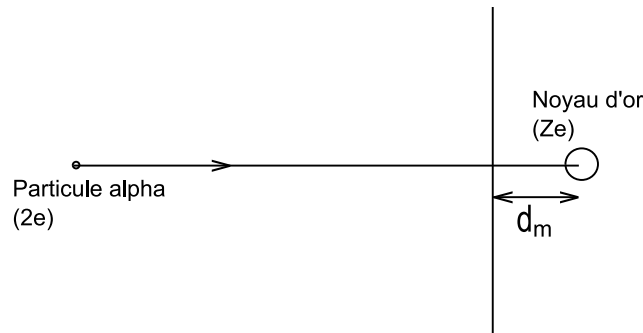
Exercice 2. *fil infini uniformément chargé :*

Un fil infini chargé (λ) crée un champ radial $\vec{E}(r) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \vec{u}_r$ en tout point M distant du fil $HM=r$.

1. En déduire l'expression de $V(M)$.
2. Subsiste-t-il une ambiguïté ?

Exercice 3. *expérience de Rutherford :*

On bombarde des feuilles d'or ($Z=79$) par des particules α (noyau de l'atome d'hélium : $Z=2$, $A=4$), lors de l'expérience de Rutherford. On se place dans le cas particulier où les particules α ne sont pas déviées mais réfléchies par les noyaux d'or.



1. L'énergie (d'origine cinétique) d'une particule α très éloignée du noyau étant de 10MeV , évaluer littéralement puis numériquement la distance minimale d'approche d_m .
2. Quel a été l'intérêt de ce type d'expérience ?

Exercice 4. *Modèles de l'atome d'hydrogène de Bohr et de Yukawa (d'après ENAC) :*

1. L'atome d'hydrogène, dans le modèle planétaire de Bohr est constitué par un proton fixe ($q=+e$) et d'un électron mobile ($q'=-e$) sur une trajectoire circulaire de centre O et de rayon r .
 - (a) Déterminer l'énergie mécanique de l'électron en fonction de e , ϵ_0 et de r .
 - (b) Bohr postula que le moment cinétique de l'électron avait son module quantifié : $L = n \frac{h}{2\pi}$ (n entier naturel non nul).

- i. En déduire la quantification du rayon de la trajectoire puis le rayon fondamental a_0 .
- ii. Exprimer l'énergie mécanique de l'atome d'hydrogène.

Données : $a_0 = 53\text{pm}$ et $E_i = 13,6\text{eV}$ (énergie d'ionisation).

2. L'atome d'hydrogène dans le modèle de Yukawa correspond à un proton fixe ($q=+e$) et à un nuage électronique à symétrie sphérique de densité volumique

$$\rho(r) = -\frac{e}{4\pi a_0^2 r} e^{-r/a_0}$$

- (a) Vérifier que cette densité volumique traduit la probabilité de présence de l'électron dans tout l'espace.
- (b) Désormais, le potentiel créé par cette distribution en un point M est de la forme :

$$V(r) = \frac{e}{4\pi\epsilon_0 r} e^{-r/a_0}$$

(potentiel de Yukawa). En déduire le champ $\vec{E}(M)$.

- (c) Donner l'expression du potentiel créé par le seul nuage électronique au point M . Quelle est l'énergie potentielle d'une charge $q=+e$ placée en ce point M ? En déduire l'énergie potentielle du proton placé au point O dans le champ du nuage électronique. Conclure.